

Útoky na LFSR šifry

InstallFest 2016

Jan Hrach



<http://jenda.hrach.eu/>

PGP: CD98 5440 4372 0C6D 164D A24D F019 2F8E 6527 282E

Implementace

- Dokumentace, materiály, papery, zdrojáky...

<https://brmlab.cz/project/gsm/deka/start>

GSM z rychlíku



- HLR a SIM v mobilu mají sdílené tajemství K_i
- Před komunikací si dohodnou session key K_c
- K_i se neumí pasivně crackovat
- K_c jo

Komunikace telefonu

- První část nešifrovaná, nic moc zajímavého (občas IMSI a TA)
- Pak zapnou šifrování
- Pak nahráváme „nesmysly“
- ty chceme cracknout

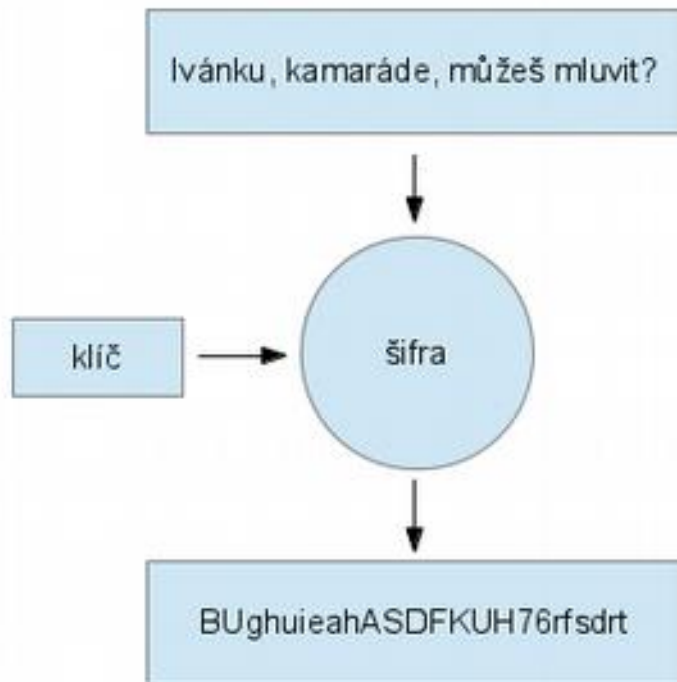
Jak to sniffnout

- Hacknutý mobil
 - <https://brmlab.cz/user/jenda/gsm>
- SDR
 - Airprobe
 - gr-gsm

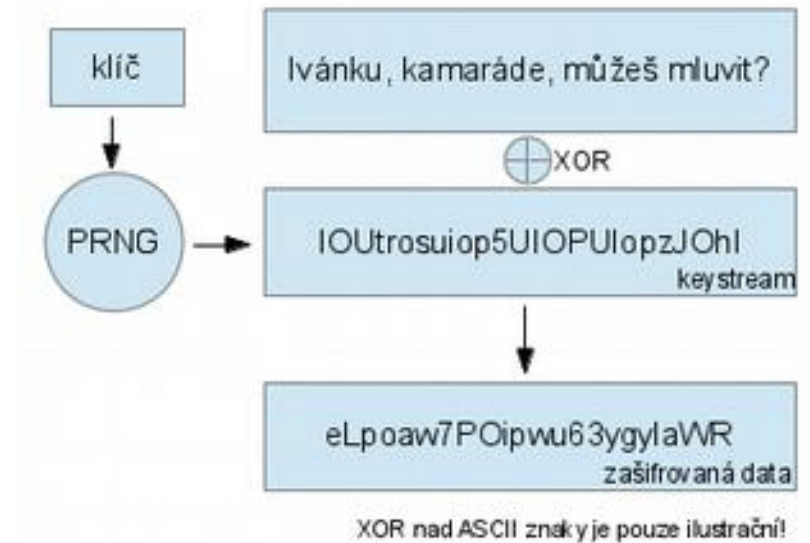
...co s tím pak?



Šifry

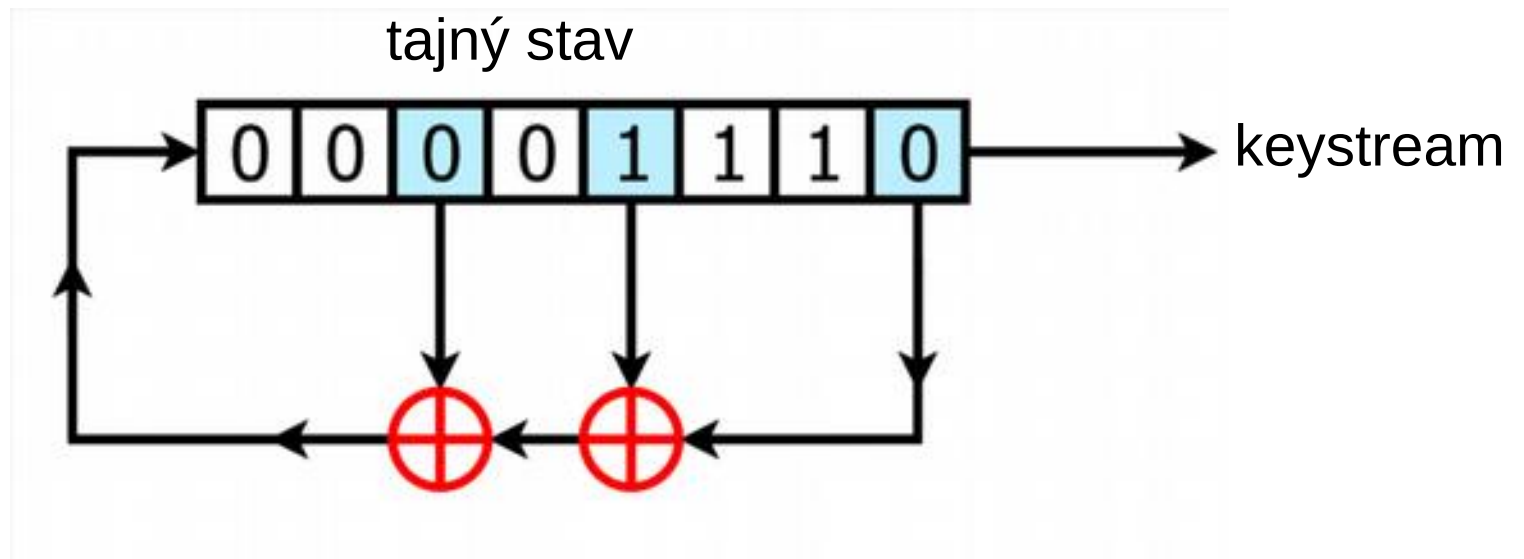


Bloková (AES, Blowfish, DES)

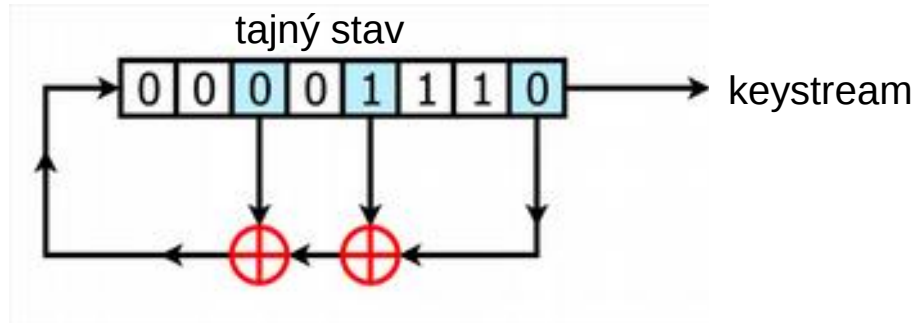


Proudová (RC4, **A5/1**)

Linear Feedback Shift Register

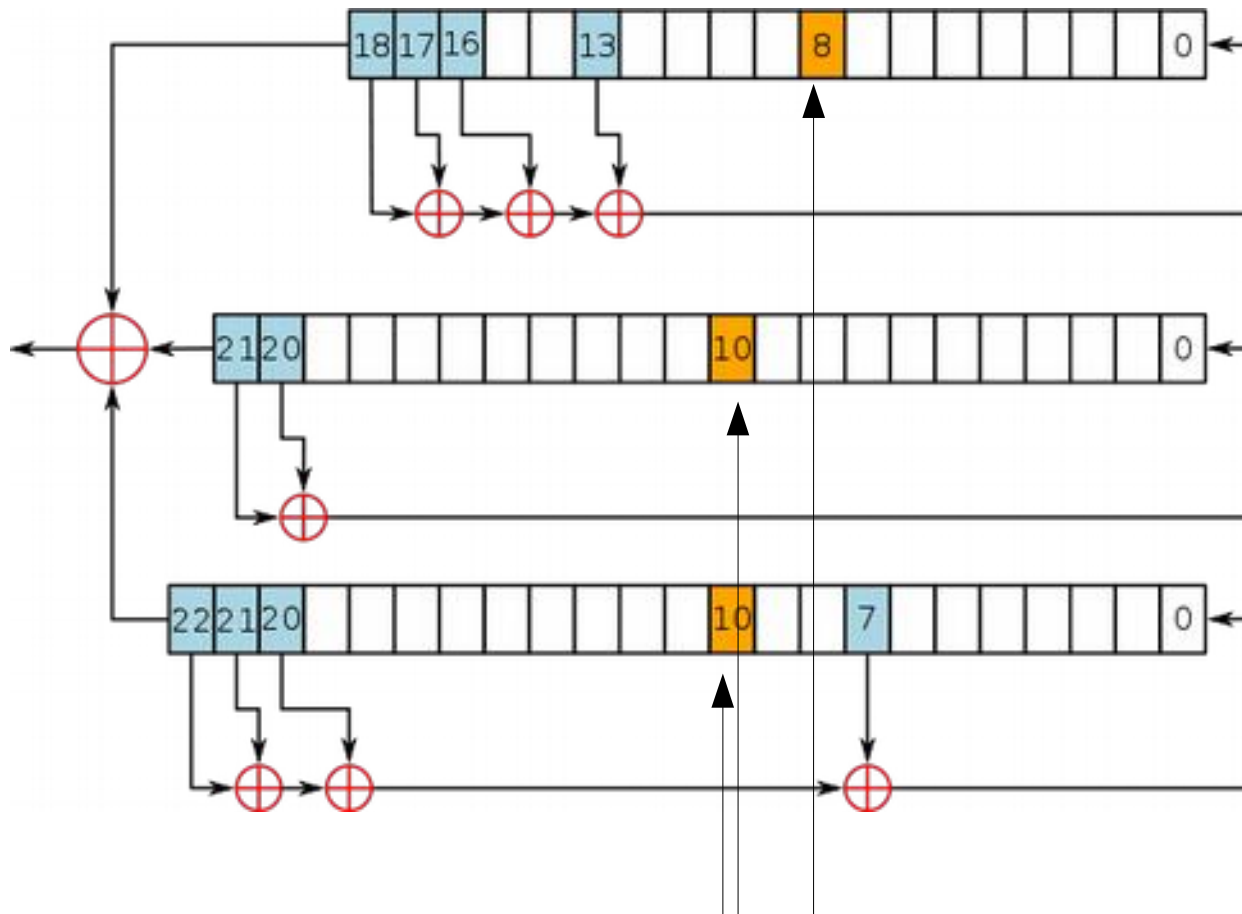


Lineární algebra (A5/2, A5-GMR)



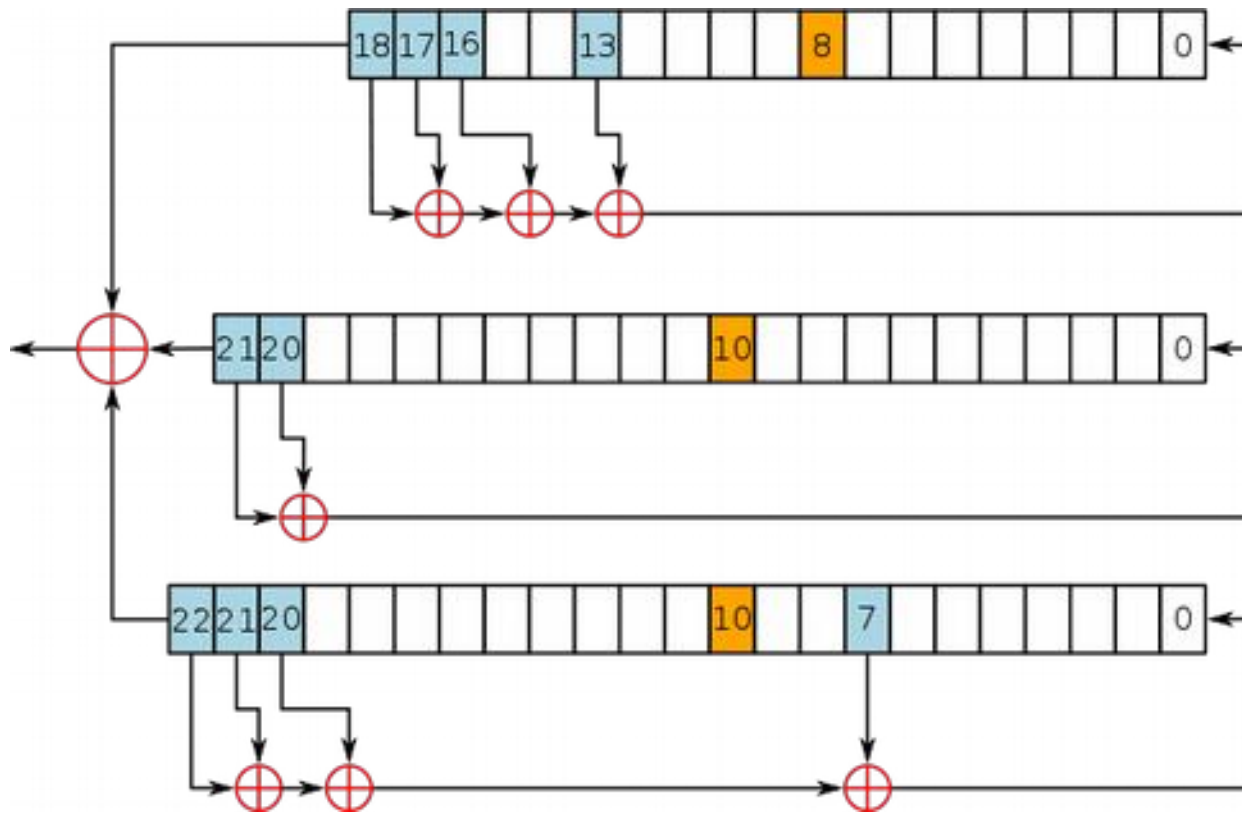
- XOR ~ sčítání mod 2
- Bitshift ~ násobení mocninami dvou
- Samoopravné kódy: XOR a shift, „pravá strana“ rovnice
 - maticový a lineární algebra magic
 - soustava lineárních rovnic
 - umíme efektivně řešit
- <http://www.npag.fr/project-a52hacktool>
- <https://www.youtube.com/watch?v=y15bXRsa3iA>

A5/1



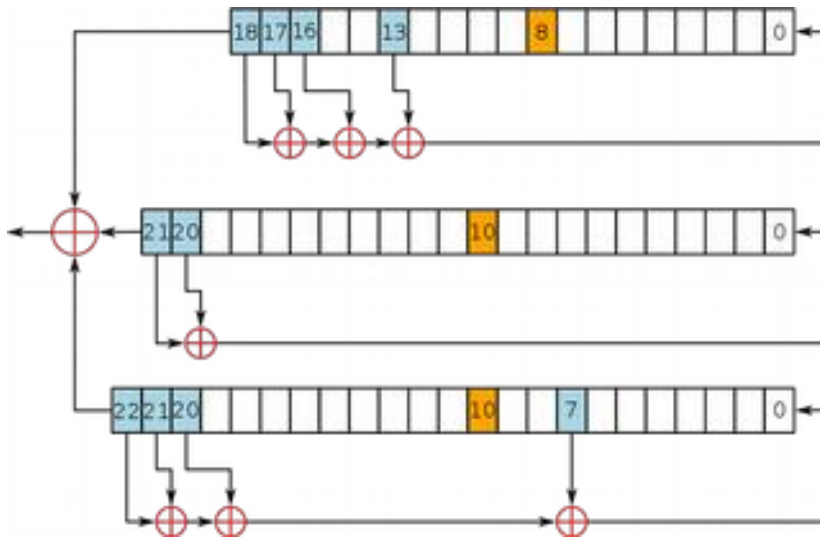
Majority clocking. Neumíme linearizovat.

A5/1



Jenom 64 bitů celkem!

Codebook



Internal state

0x0000000000000000

0x0000000000000001

0x0000000000000002

...

0xffffffffffffffff

Keystream

0xabcdef12345678

0x54632221afed03

0x456dcd562b980e

0x002accd4dc51df

... $2^{64} * 16B = 296 \text{ EB}$

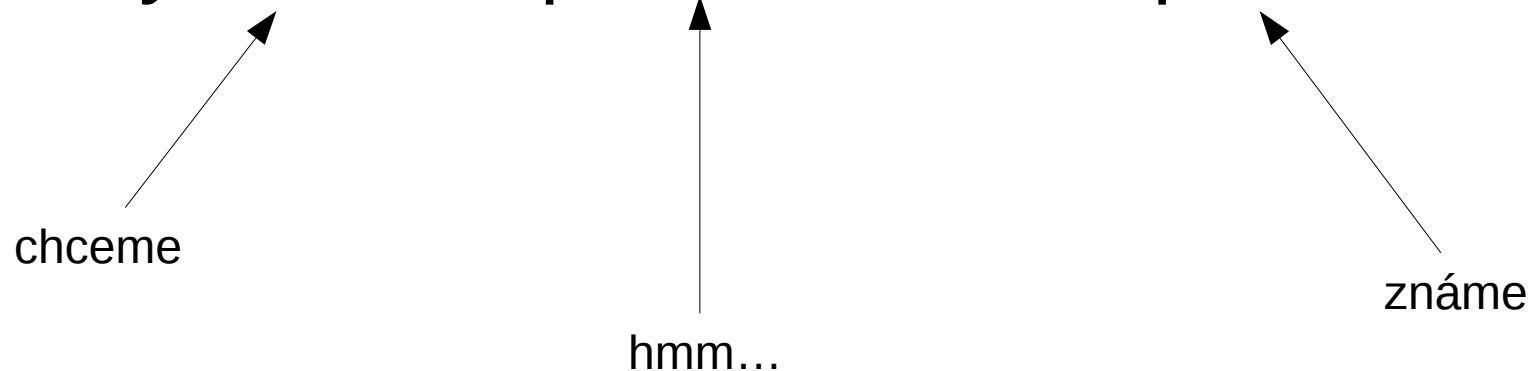
1 Košík**2** Dodání a platba**3** Dodací údaje**4** Souhrn objednávky

Všechny ceny jsou uváděny s DPH		počet	skladem	cena za kus	cena celkem
	WD Green (EZR) - 6TB	24595659	5+ kusů	6 582 Kč	161 895 489 727 Kč x
156611					
Doplňkové služby					
<input type="checkbox"/> Doprava zdarma za body				2 990 b	
Cena celkem bez DPH: 133 797 925 394 Kč			Cena celkem s DPH:		161 895 489 727 Kč
Za tento nákup získáte 35 909 662 140 bodů do Bonus klubu.					

Pokračovat >

Btw. jak získat keystream?

- Ciphertext = plaintext XOR keystream
- Keystream = plaintext XOR ciphertext



BTS musí pořád vysílat
Definován padding 0x2B
Informace o okolních BTS, o síle signálu, ...

Kolaps klíčového prostoru

- Do některých kombinací se nedá dostat
- Několika dummy cykly A5/1 tyto stavy eliminujeme
- Efektivní stavový prostor 2^{61}

~~$$\dots 2^{64} * 16B = 296 \text{ EB}$$~~

$$\dots 2^{61} * 16B = 37 \text{ EB}$$

Pokrytí

- GSM frame 4*114 bitů
- 64 bitů v šifře
- $4*(114-64+1) = 204$ samplů
- Stačí pokrytí $1/204 = 0,5 \%$ pro $\sim 50\%$ úspěšnost
- Framů je v komunikaci hodně

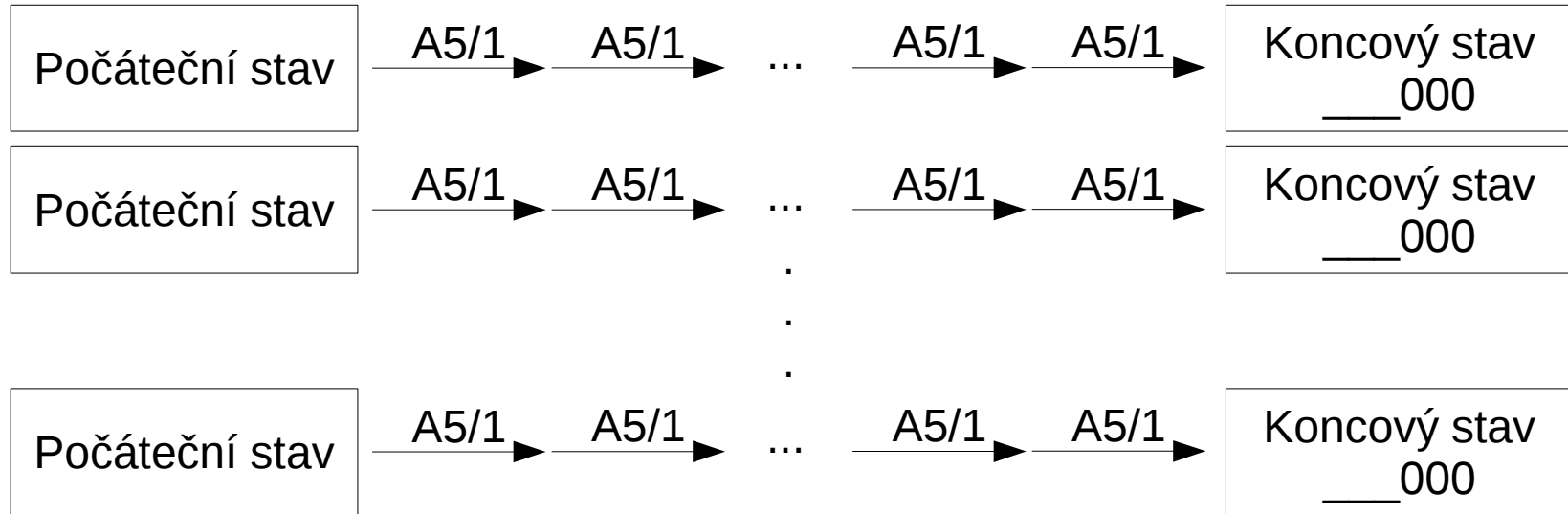
~~$$\dots 2^{64} * 16B = 296 \text{ EB}$$~~

~~$$\dots 2^{61} * 16B = 37 \text{ EB}$$~~

$$\dots 2^{61} * 16B / 204 = 181 \text{ PB}$$

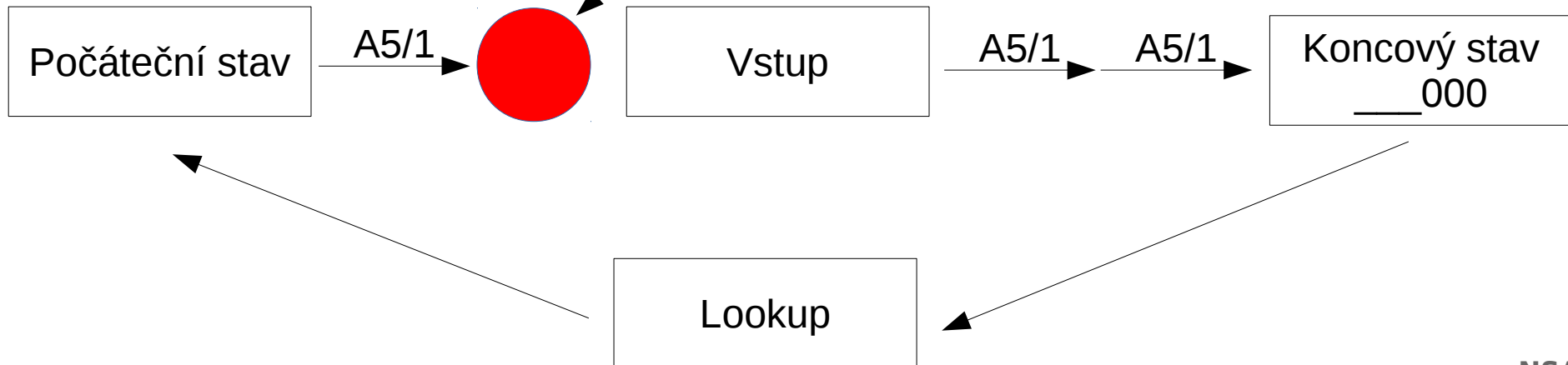
Chainy

Encoding:



Decoding:

tohle chceme!



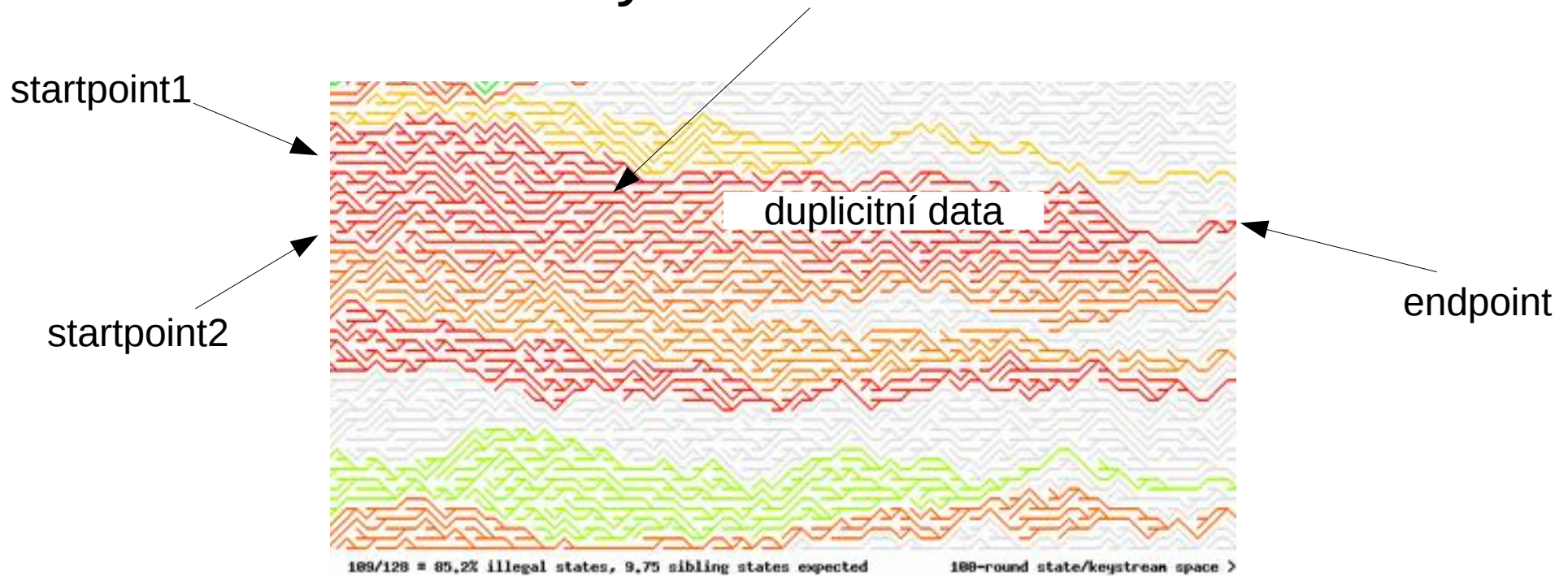
Chainy



- Koncový stav ~ 12 bitů nulových
 → průměrná délka chainu $2^{12} = 4096$
~~... $2^{64} * 16B = 296$ EB~~
~~... $2^{61} * 16B = 37$ EB~~
~~... $2^{61} * 16B / 204 = 181$ PB~~
 ... $2^{61} * 16B / 204 / 4096 = 44$ TB

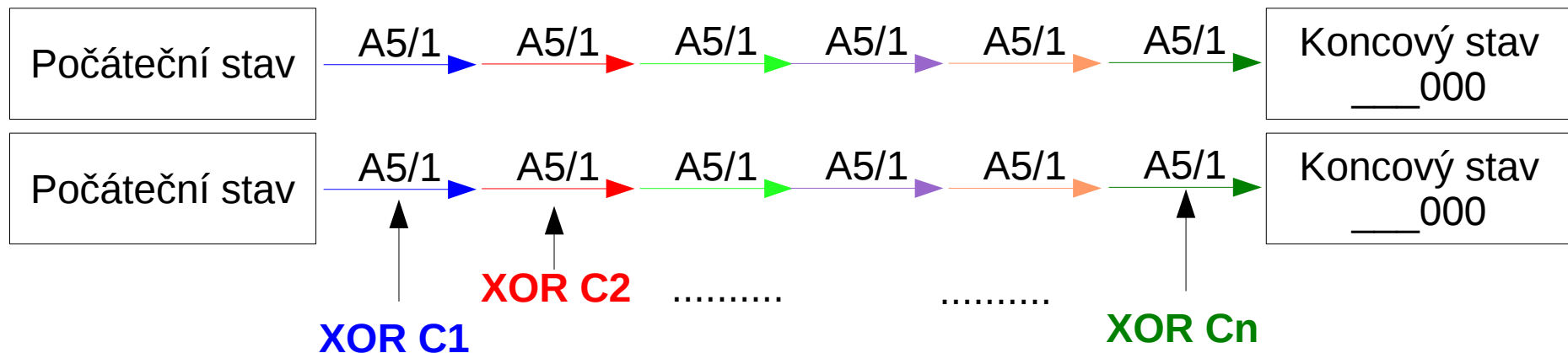
44 TB ... pořád trochu moc

- Prodloužit chainy? Kolize!



Barvy

- Barvy ~ konstanty, kterými po každé iteraci XORujeme



Stejné kolize v **různých** barvách jsou v každé iteraci algoritmu rozbity **rozdílnými konstantami**

Pravděpodobnost, že ke kolizi dojde v jedné barvě, je n-krát menší

~~... $2^{64} * 16B = 296 \text{ EB}$~~

8 barev:

~~... $2^{61} * 16B = 37 \text{ EB}$~~

$$\dots 2^{61} * 16B / 204 / 4096 / 8 = 5,5 \text{ TB}$$

~~... $2^{61} * 16B / 204 = 181 \text{ PB}$~~

~~... $2^{61} * 16B / 204 / 4096 = 44 \text{ TB}$~~

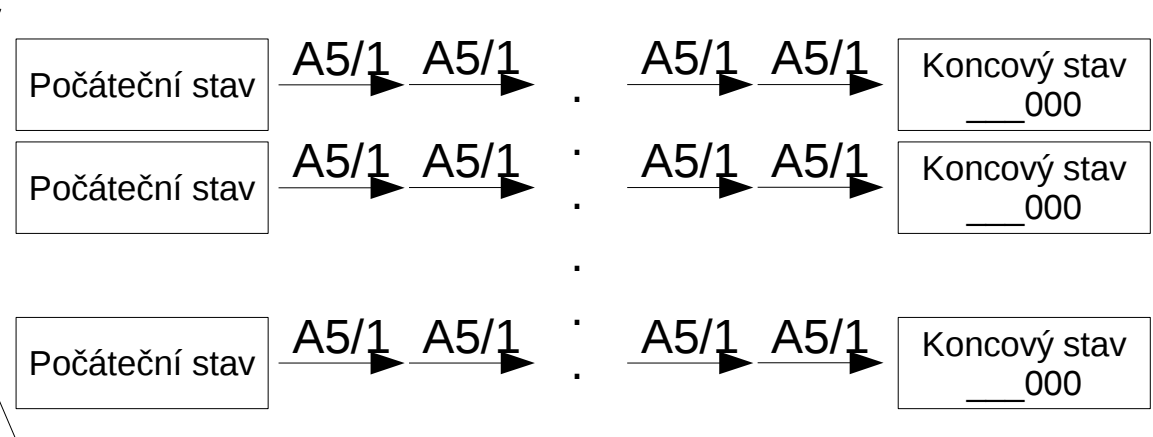
Startpoint encoding

výška tabulky 2^{34}

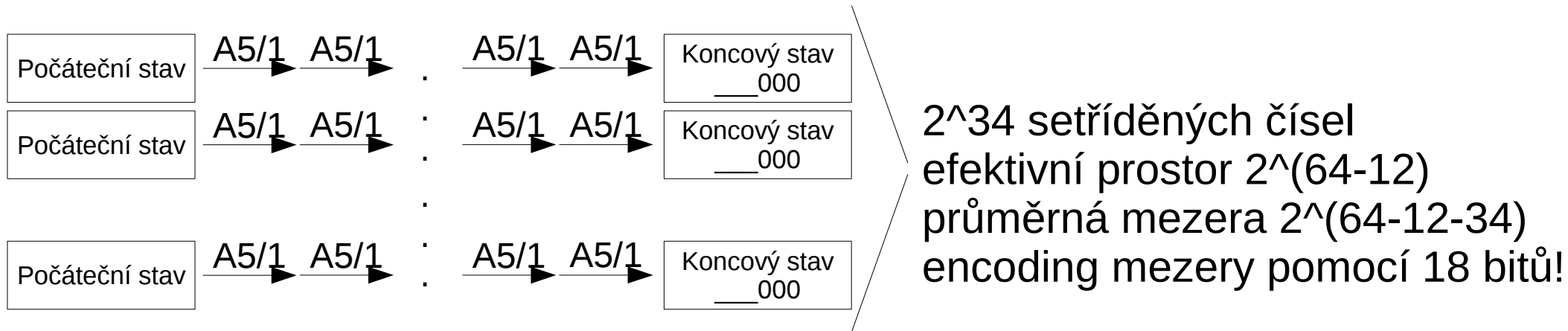
→ 34 bitů informace

→ zvolme hash fci $34 \rightarrow 64b$

→ ušetříme 30 bitů na chain



Endpoint encoding



→ místo 128 bitů na chain nám stačí 34+18+režie

~~... $2^{64} * 16B = 296 \text{ EB}$~~

~~... $2^{61} * 16B = 37 \text{ EB}$~~

~~... $2^{61} * 16B / 204 = 181 \text{ PB}$~~

~~... $2^{61} * 16B / 204 / 4096 = 44 \text{ TB}$~~

~~... $2^{61} * 16B / 204 / 4096 / 8 = 5,5 \text{ TB}$~~

/mnt/tables/gsm# du --si .

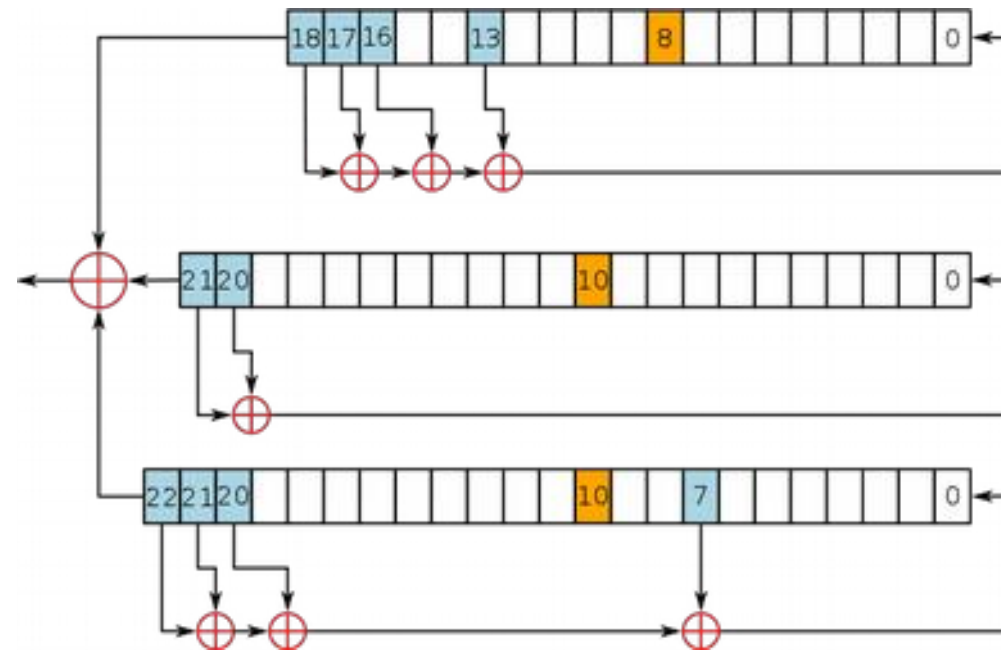
1.8T .

Realizace

- 40 tabulek * 8 barev * (8 barev * 4096 chainlinků od každé barvy) * 204 samplů
 - 2 miliardy A5/1 operací pro cracknutí jednoho framu
- AMD HD7970: 1 miliarda operací za sekundu
- Reálná úspěšnost hádání keystreamu je nižší...
- Podle operátora 5-60 sekund, úspěšnost 10-99 %
 - T-Mobile to fakt dobře zabezpečil a už to na něm skoro nefunguje
 - Vodafone je taky docela bezpečný
 - O2 je děravá

Naivní implementace A5/1

Z vašeho 64b procesoru se použije jen 22 bitů!



Tady se z 64bit registru používá dokonce jen 1 bit!!

```
int reg1, reg2, reg3;
while(reg1 & 0xFFF) {
    bit1 = (reg1 >> 8)&1;
    ..
    ..
    xor1 = (reg1 >> 18) ^ (reg1 >> 17)..;
    ..
    ..
    if(...)
        reg1 = (reg1 << 1) | xor1;
    ..
    ..
}
```

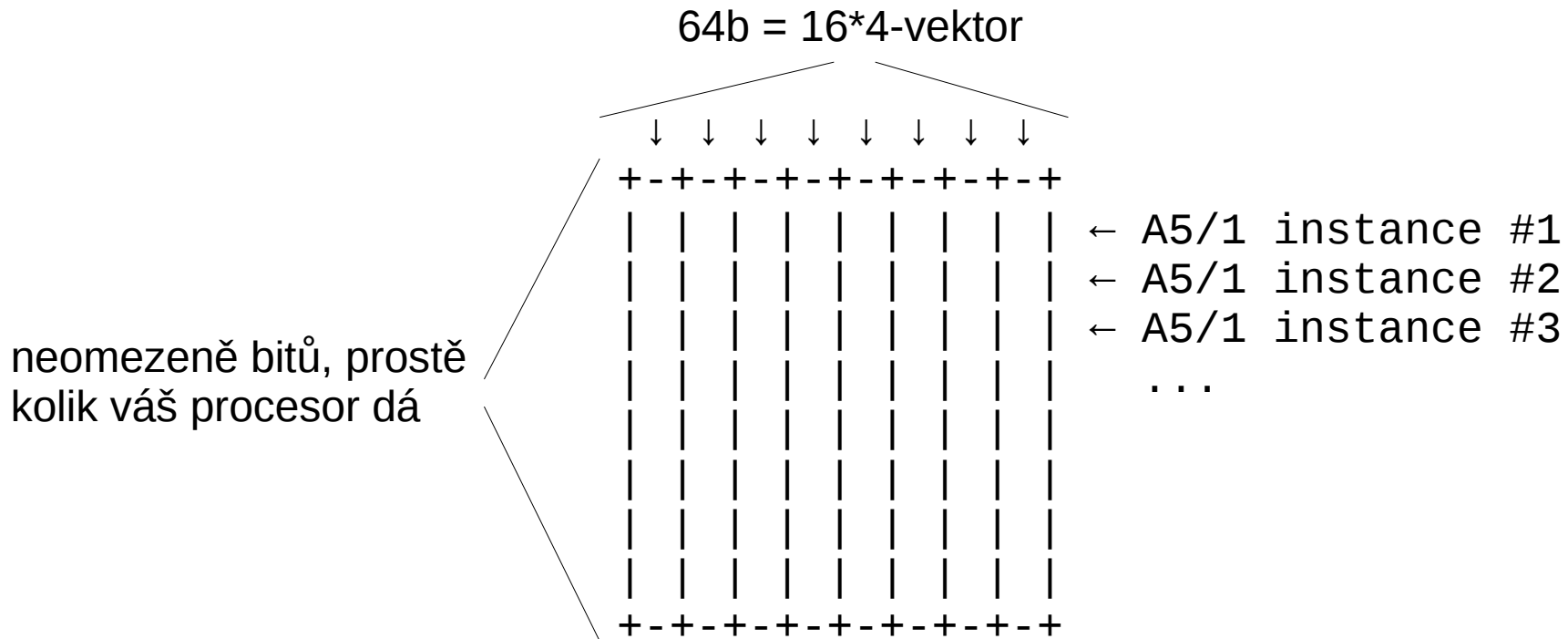
Tady se rozbije branch prediction!

Tohle na dnešních počítačích fungovat nebude...

Váš počítač...

- Pracuje s 256bit čísly najednou (SSE, AVX)
- Nedokáže dělat branch prediction, protože A5/1 je PRNG, který je prostě náhodný
- Na neuhádnutém skoku musí flushnout celou pipeline
- Je lepší spočítat třeba 4 zbytečné věci než skočit!

A5/1 slice machine



Shift registru: instrukce pro vektorovou rotaci, kruhové přiřazení
 XOR: vektor s vektorem, třeba 256 bitů najednou

V každém taktu manipulujeme třeba s 64 instancemi šifry najednou!

Eliminace IF-ů

- Spočítáme oba stavy a pak si vybereme

```
_vector rotovat; // bitmaska  
reg[i] = (reg[i+1] & rotovat) | (reg[i] & ~rotovat);
```

- reg je třeba pole uint64 – 64 instancí A5/1
- Pro detaily viz bohatě komentovaný “genkernel32” z Deky, nebo si mě odchytněte na afterparty

OpenCL - motivace

- ATI HD 7970:
 - 2048 jader, 8192 threadů na 1 GHz
 - 128bit vektory
 - 32 TB/s !!!
- OpenCL běží na grafikách, procesorech a trochu i na FPGAčkách
- OpenCL se vyplatí i na procesorech, abyste si nemuseli řešit paralelismus

OpenCL - architektura

- Aplikace předá OpenCL buffer a zdroják kernelu
- OpenCL spustí jeden kernel nad každým prvkem bufferu – kernely běží masivně paralelně
- Kernel přepíše vstupní data v bufferu výsledkem
- OpenCL vrátí buffer
- Aplikace buffer přečte

Kernel

```
kernel void brm(global ulong *buf) {  
  
    // kernel index  
    private size_t me = get_global_id(0);  
  
    // local vars  
    private ulong a;  
  
    // read input data  
    a = buf[me];  
  
    // Compute something  
    a = a + me*me;  
  
    // write result back to memory  
    buf[me] = a;  
}
```

OpenCL - userspace

```
import pyopencl as cl, numpy as np

# create context
ctx = cl.create_some_context()
queue = cl.CommandQueue(ctx)

# create some input data, in this case array filled with zeros
a = np.array(np.zeros((20), dtype=np.uint64))

# create opencl buffer
buf = cl.Buffer(ctx, cl.mem_flags.READ_ONLY | cl.mem_flags.COPY_HOST_PTR, hostbuf=a)

# load kernel source
f=open("kernel.c", "r")
SRC = ''.join(f.readlines())
f.close()

# compile it
prg = cl.Program(ctx, SRC).build()

print("Input:"); print(a)

# launch the kernel
event = prg.brm(queue, a.shape, None, buf)
event.wait()

# copy data back from opencl
cl.enqueue_copy(queue, a, buf)

# print it
print("CL returned:"); print(a)
```

OpenCL - run

```
~/tmp/ocltest> ./ocltest.py
```

```
Input:
```

```
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
```

```
CL returned:
```

```
[ 0  1  4  9 16 25 36 49 64 81 100 121  
144 169 196 225 256 289 324 361]
```

UAG